



نهمین دوره لیگ علمی پایا

سوال تشریحی گروهی آزمون مرحله‌ی نهایی پایه ششم

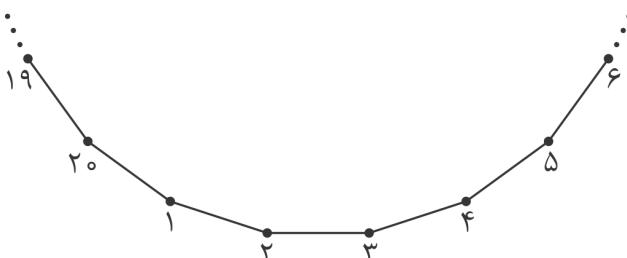
مدت زمان پاسخ‌گویی: ۱۵ دقیقه

مرداد ماه ۱۳۹۵

توضیحات:

در این مرحله اعضای گروه با مشورت یکدیگر به این سوال پاسخ می‌دهند.

شکل زیر بخشی از یک ۲۰ ضلعی را نشان می‌دهد. می‌خواهیم سه تا، اضلاع این ۲۰ ضلعی را در یک دسته قرار دهیم. اضلاعی که در هر دسته قرار می‌گیرند باید دارای این ویژگی باشند: هر دو ضلعی که در این دسته در نظر بگیریم حتماً دو ضلع دیگر از این ۲۰ ضلعی بین آن دو قرار گیرد. چند دسته با این ویژگی می‌توان ساخت؟





نهمین دوره لیگ علمی پایا

سوالات تشریحی فردی آزمون مرحله‌ی نهایی پایه ششم

مدت زمان پاسخ‌گویی: ۱۰ دقیقه

مداد ماه ۱۳۹۵

توضیحات:

در این مرحله از آزمون ۶ سوال طراحی شده است. نخست پنج سوال اول بین اعضای هر گروه توزیع می‌شود. اعضای هر گروه ۵ دقیقه زمان دارند تا سوال‌ها را بین خود تقسیم نمایند. هر نفر از اعضای گروه موظف است به یک سوال پاسخ دهد. هیچ‌گونه مشورت یا تعویض سوال در این مرحله مجاز نیست. سیس سوال ششم با مشورت اعضای گروه پاسخ داده می‌شود.

۱. تعدادی دانشآموز شرکت‌کننده در یک لیگ علمی که همگی ۱۴ و یا ۱۵ ساله هستند، پس از آزمون جدولی مستطیلی با ۳ ردیف و تعدادی ستون مطابق شکل، در کف حیاط کشیدند و اعداد را از یک پشت سر هم در آن نوشتند. پس از رسیدن به انتهای هر ردیف، عدد بعدی را در خانه‌ی اول از سمت چپ ردیف بعد نوشتند. پس از آن هر دانشآموز به تصادف در یک خانه ایستاد. پیش از شروع بازی متوجه شدند که مجموع اعداد نوشته شده در خانه‌های هاشورخورده، با مجموع سن دانشآموزانی که در آن ۴ خانه ایستاده‌اند برابر است. در جدولی که این دانشآموزان کشیده‌اند چند عدد نوشته شده است؟

| | | | |
|---|---|-----|--|
| ۱ | ۲ | ... | |
| | | ... | |
| | | ... | |



نهمین دوره لیگ علمی پایا

لیگ علمی پایا | پژوهشگاه ایران اسلامی (پیا)

سوالات تشریحی فردی آزمون مرحله‌ی نهایی پایه ششم

مدت زمان پاسخ‌گویی: ۱۰ دقیقه

مداد ماه ۱۳۹۵

توضیحات:

در این مرحله از آزمون ۶ سوال طراحی شده است. نخست پنج سوال اول بین اعضای هر گروه توزیع می‌شود. اعضای هر گروه ۵ دقیقه زمان دارند تا سوال‌ها را بین خود تقسیم نمایند. هر نفر از اعضای گروه موظف است به یک سوال پاسخ دهد. هیچ‌گونه مشورت یا تعویض سوال در این مرحله مجاز نیست. سیس سوال ششم با مشورت اعضای گروه پاسخ داده می‌شود.

۲. فرض کنیم \square عددی صحیح و مثبت باشد. در این صورت \square چند رقم ۸ دارد؟

$$\frac{9}{10} + \frac{99}{10 \times 10} + \frac{999}{10 \times 10 \times 10} + \dots + \underbrace{\frac{9999999999}{10 \times \dots \times 10}}_{10 \text{ مرتبه}} = \underbrace{\square}_{10 \text{ مرتبه}}$$



نهمین دوره لیگ علمی پایا

لیگ علمی پایا | پژوهشگاه ایران اسلامی (پیا)

سوالات تشریحی فردی آزمون مرحله‌ی نهایی پایه ششم

مدت زمان پاسخ‌گویی: ۱۰ دقیقه

مرداد ماه ۱۳۹۵

توضیحات:

در این مرحله از آزمون ۶ سوال طراحی شده است. نخست پنج سوال اول بین اعضای هر گروه توزیع می‌شود. اعضای هر گروه ۵ دقیقه زمان دارند تا سوال‌ها را بین خود تقسیم نمایند. هر نفر از اعضای گروه موظف است به یک سوال پاسخ دهد. هیچ‌گونه مشورت یا تعویض سوال در این مرحله مجاز نیست. سیس سوال ششم با مشورت اعضای گروه پاسخ داده می‌شود.

۳. سینا ۵ کارت قرمز دارد که از ۱ تا ۵ شماره‌گذاری شده‌اند. روی ۴ کارت آبی نیز شماره‌های ۳ تا ۶ را نوشته است. او این کارت‌ها را یک در میان قرمز و آبی می‌چیند، به‌طوری‌که عدد روی هر کارت آبی بر عدد روی کارت‌های قرمز همسایه‌اش بخش‌پذیر شود. مجموع اعداد ۳ کارت میانی چند است؟



نهمین دوره لیگ علمی پایا

سوالات تشریحی فردی آزمون مرحله‌ی نهایی پایه ششم

مدت زمان پاسخ‌گویی: ۱۰ دقیقه

۱۳۹۵ مهرداد ماه

توضیحات:

در این مرحله از آزمون ۶ سوال طراحی شده است. تخصیص پنج سوال اول بین اعضای هر گروه توزیع می‌شود. اعضای هر گروه ۵ دقیقه زمان دارند تا سوال‌ها را بین خود تقسیم نمایند. هر نفر از اعضای گروه موظف است به یک سوال پاسخ دهد. هیچ‌گونه مشورت یا تعویض سوال در این مرحله مجاز نیست. سپس سوال ششم با مشورت اعضای گروه پاسخ داده می‌شود.

۴. حاصل عبارت زیر را با تقریب کمتر از ۱٪ قطع می‌کنیم. حاصل چقدر می‌شود؟

$$\left(1 - \frac{1}{10}\right) \times \left(1 - \frac{1}{10 \times 10}\right) \times \left(1 - \frac{1}{10 \times 10 \times 10}\right) \times \dots \times \underbrace{\left(1 - \frac{1}{10 \times 10 \times \dots \times 10}\right)}_{2014 \text{ مرتبه}}$$



نهمین دوره لیگ علمی پایا

سوالات تشریحی فردی آزمون مرحله‌ی نهایی پایه ششم

مدت زمان پاسخ‌گویی: ۱۰ دقیقه

مرداد ماه ۱۳۹۵

توضیحات:

در این مرحله از آزمون ۶ سوال طراحی شده است. نخست پنج سوال اول بین اعضای هر گروه توزیع می‌شود. اعضای هر گروه ۵ دقیقه زمان دارند تا سوال‌ها را بین خود تقسیم نمایند. هر نفر از اعضای گروه موظف است به یک سوال پاسخ دهد. هیچ‌گونه مشورت یا تعویض سوال در این مرحله مجاز نیست. سپس سوال ششم با مشورت اعضای گروه پاسخ داده می‌شود.

۵. سپهر یکی از اسباب بازی‌هایش را که صفحه‌ای مربع شکل است روی شن‌های ساحل قرار داده و سپس این صفحه را حول یکی از گوش‌هایش روی شن‌ها 180° دوران می‌دهد و مربع را از روی شن‌ها بر می‌دارد. مساحت شکلی که روی شن‌ها با حرکت این صفحه ظاهر می‌شود، چقدر است؟
(ضلع این مربع ۱ سانتی‌متر و حاصل ضرب قطر این مربع در خودش برابر ۲ است.)